

一、选择题(3 分×10=30 分)

1. 下列方程: ① $2x^2 - \frac{1}{3x} = 1$, ② $2x^2 - 5xy + y^2 = 0$, ③ $2x^2 + 1 = 0$, ④ $ax^2 + bx + c = 0$, ⑤ $x^2 + 2x = x^2 - 1$ 中是一元二

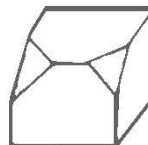
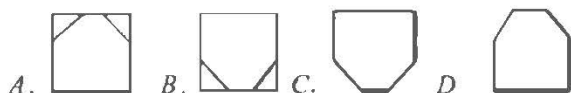
次方程的有()

A. 1 个 B. 2 个 C. 3 个 D. 4 个

2. 关于四边形 $ABCD$ 有以下 4 个条件: ①两组对边分别平行; ②两条对角线互相平分; ③两条对角线互相垂直; ④一组邻边相等. 从中任取 2 个条件, 能得到四边形 $ABCD$ 是菱形的概率是()

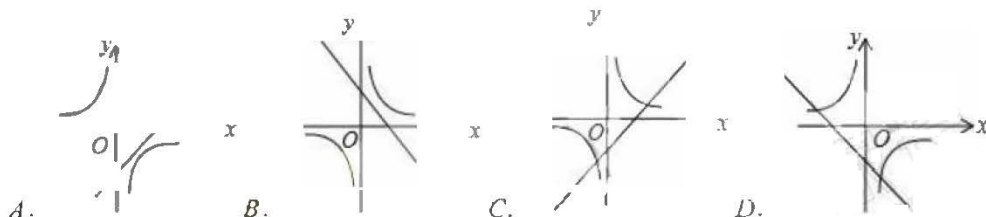
A. $\frac{1}{2}$ B. $\frac{1}{3}$ C. $\frac{2}{3}$ D. $\frac{5}{6}$

3. 如图是一个正方体被截去两个角后的几何体, 它的俯视图为()



第3题图

4. 一次函数 $y = ax + b$ 与反比例函数 $y = \frac{a-b}{x}$, 其中 $ab < 0$, a 、 b 为常数, 它们在同一坐标系中的图象可以是()



5. 关于未知数 x 的方程 $ax^2 + 4x - 1 = 0$ 只有正实数根, 则 a 的取值范围为()

A. $-4 < a < 0$ B. $-4 < a < 0$ C. $-4 < a < 0$ D. $-4 < a < 0$

6. 若点 $(-5, a)$ 、 $(-2, b)$ 、 $(3, c)$ 在反比例函数 $y = \frac{-6}{x}$ 的图象上, 则下列结论中正确的是()

A. $a > b > c$ B. $b > a > c$ C. $c > a > b$ D. $c > b > a$

7. 如图, 在矩形 $ABCD$ 中, O 为 AC 的中点, E 过 O 点且 $EF \perp AC$ 分别交 DC 于 F 交 AB 于 E , 点 G 是 AE 的中点, 且 $\angle AOG = 30^\circ$;

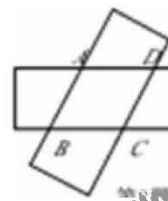
则下列结论: ① $DC = 3OG$; ② $OG = \frac{1}{2} BC$; ③ $\triangle OGE$ 是等边三角形;

④ $S_{\triangle AOE} = \frac{1}{6} S_{\text{四边形 } ABCD}$. 其中正确的个数为()

A. 1 个 B. 2 个 C. 3 个 D. 4 个

8. 如图, 由两个长为 9, 宽为 3 的全等矩形叠合而得到四边形 $ABCD$, 则四边形 $ABCD$ 面积的最大值是()

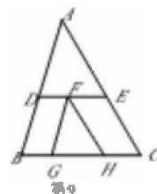
A. 15 B. 16 C. 19 D. 20



第8题图

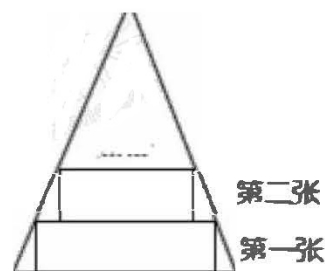
9. 如图, $\triangle ABC$ 、 $\triangle FGH$ 中, D 、 E 两点分别在 AB 、 AC 上, F 点在 DE 上, G 、 H 两点在 BC 上, 且 $DE \parallel BC$, $FG \parallel AB$, $FH \parallel AC$, 若 $BG:GH:HC = 4:6:5$, 则 $\triangle ADE$ 与 $\triangle FGH$ 的面积比是()

A. 2:1 B. 3:2 C. 5:2 D. 9:4



第9题图

10. 如图，一张等腰三角形纸片，底边长 12cm ，底边上的高为 12cm ，现沿底边依次由下往上裁剪宽度均为 2cm 的矩形纸条，已知剪得的纸条中有一张是正方形，则这张正方形纸条是()
- A. 第 4 张 B. 第 5 张 C. 第 6 张 D. 第 7 张



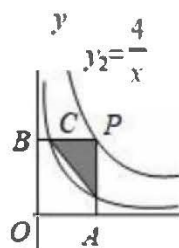
第10题图

二、填空题(每小题 3 分，共 15 分)

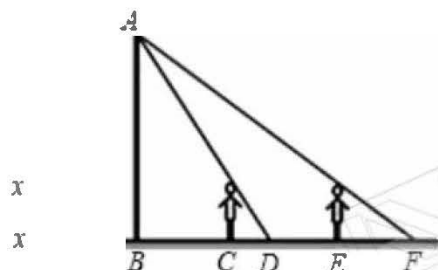
11. 在一个不透明的袋子中有 10 个除颜色外均相同的小球，通过多次摸球试验后，发现白球的频率约为 40%，估计袋中白球有 _____ 个.

12. 如图，已知反比例函数 $y_1 = \frac{1}{x}$ ($x > 0$), $y_2 = \frac{4}{x}$ ($x > 0$), 点 P 为反比例函数 $y_2 = \frac{4}{x}$ 上的一点，且

$PA \perp x$ 轴于点 A , $PB \perp y$ 轴于点 B , PA 、 PB 分别交双曲线 $y_1 = \frac{1}{x}$ ($x > 0$) 于 D 、 C 两点. 则 $\triangle PCD$ 的面积为 _____



第12题图



第13题图



13. 如图，李明晚上由路灯 A 下的 B 处走到 C 处时，测得影子 CD 长为 1 米，继续往前走 3 米到达 E 处时，测得影子 EF 长为 2 米，已知李明的身高是 1.5 米，则 $BC =$ _____ 米.

14. 在平面直角坐

$\triangle ABO$ 缩小，则点 A 的对应点 A' 的坐标是 _____.

15. 如图在矩形 $ABCD$ 中， $AB = 5$, $BC = 3$, 点 E 为射线 BC 上一动点，将 $\triangle ABE$ 沿 AE 折叠得到 $\triangle AB'E$. 若 B' 恰好落在射线 CD 上，则 BE 的长为 _____

三、解答题(本题共 8 小题，满分 75 分)

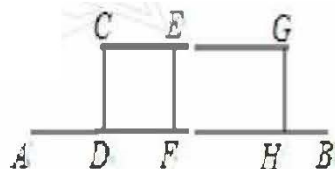
16. (8 分) 用适当的方法解方程：

(1) $3x^2 + 5x = 1$ (2) $(2x - 5)^2 - (x + 4)^2 = 0$

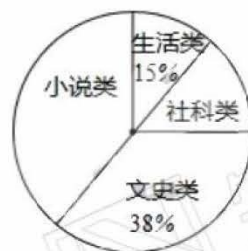
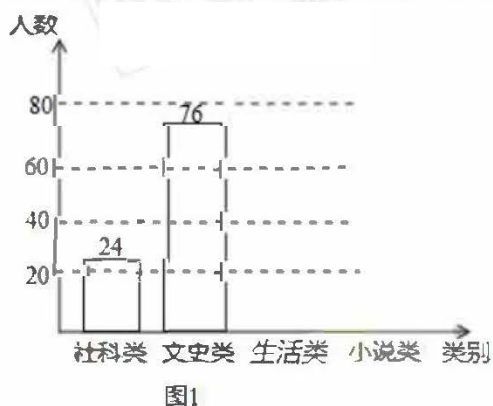
17. (9 分) 已知关于 x 的一元二次方程 $(m+2)x^2 - 2x = 1$.

- (1) 若该方程有两个不相等的实数根，求 m 的取值范围；
 (2) 若该方程的一个根是 1，求此时 m 的值及方程的另一个根.

- 18.(9分)某兴趣小组开展课外活动.如图, A 、 B 两地相距 12 米, 小明从点 A 出发沿 AB 方向匀速前进, 2 秒后到达点 D , 此时他(CD)在某一灯光下的影长为 AD , 继续按原速行走 2 秒到达点 F , 此时他在同一灯光下的影子仍落在其身后, 并测得这个影长为 1.2 米, 然后将速度提高到原来的 1.5 倍, 再行走 2 秒到达点 H , 此时他(GH)在同一灯光下的影长为 BH (点 C 、 E 、 G 在一条直线上).
- (1)请在图中画出光源 O 点的位置(不写画法);
- (2)求小明原来的速度.



- 19.(9分)在郑州一中的文化建设进程中,“打造书香校园”一直是其最重要的内容之一.我校为满足学生的阅读需求,欲购进一批学生喜欢的图书,学校组织学生会成员随机取部分学生进行问卷调查,被调查学生须从“文史类、社科类、小说类、生活类”中选择自己喜欢的一类,根据调查结果绘制了统计图(未完成),请根据图中信息,解答下列问题:

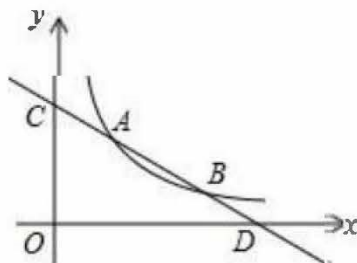


- (1)此次共调查了 _____ 名学生;
- (2)将条形统计图补充完整;
- (3)小红与小明每人从 **四类图书中任选一种**, 用树状图或列表法求二人恰好选择文史类的概率是多少?

- 20.(9分)直线 $y=kx+b$ 与反比例函数 $y=\frac{6}{x}$ ($x>0$) 的图象分别交于

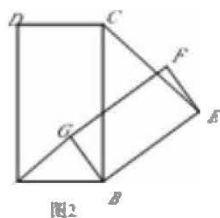
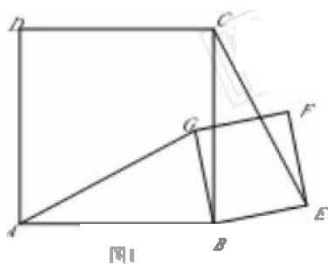
点 $A(m, 3)$ 和点 $B(6, n)$, 与坐标轴分别交于点 C 和点 D .

- (1)求直线 AB 的解析式;
- (2)若点 P 是 x 轴上一动点, 当 $\triangle COD$ 与 $\triangle ADP$ 相似时, 求点 P 的坐标.



21.(10分)某商场经营某种品牌的玩具,购进时的单价是30元,根据市场调查发现:在一段时间内,当销售单价是40元时,销售量是600件,而销售单价每涨1元,就会少售出10件玩具.若商场要获得10000元销售利润,该玩具销售单价应定为多少元?售出玩具多少件?

22.(10分)(1)如图1,四边形 $ABCD$ 与 $BEFG$ 都是正方形,将正方形 $BEFG$ 绕点 B 按顺时针方向旋转,记旋转角为 α ,则图中 AG 与 CE 的数量关系是_____, AG 与 CE 的位置关系是_____.
 (2)如图2,四边形 $ABCD$ 和 $BEFG$ 都是矩形,且 $BC=2AB$, $BE=2BG$,将矩形 $BEFG$ 绕点 B 按顺时针方向旋转,记旋转角为 α ,图中 AG 与 CE 的数量和位置关系分别是什么?就图2的情况给出证明.
 (3)在(2)的情况下,若 $AB=2$, $BG=1$,当点 F 恰好落在直线 CE 上时,请直接写出 CF 的长.

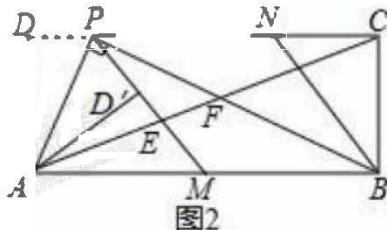
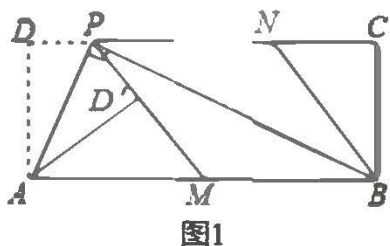


23.(11分)如图1,在矩形 $ABCD$ 中, P 为 CD 边上一点($DP < CP$), $\angle APB=90^\circ$,将 $\triangle ADP$ 沿 AP 翻折得到 $\triangle AD'P$, PD' 的延长线交边 AB 于点 M ,过点 B 作 $BN \parallel MP$ 交 DC 于点 N .

(1)求证: $AD^2 = DP \cdot PC$;

(2)请判断四边形 $PMBN$ 的形状,并说明理由;

(3)如图2连接 AC ,分别交 PM 、 PB 于点 E 、 F .若 $\frac{DP}{AD} = \frac{1}{2}$,请直接写出 $\frac{EF}{AE}$ 的值



郑州桐柏一中 2018-2019 学年九年级上期期中考试数学试卷答案参考

一、选择题

1. A 2. C 3. A 4. C 5. A 6. B 7. C 8. A 9. D 10. C

二、填空题

11. 4 12. $\frac{9}{8}$ 13. 3 14. $(-1, 2)$ 或 $(1, -2)$ 15. $\frac{5}{3}$ 或 15

三、解答题

16. 解: (1) $x_1 = \frac{-5 - \sqrt{37}}{6}$, $x_2 = \frac{-5 + \sqrt{37}}{6}$ (2) $x_1 = \frac{1}{3}$, $x_2 = 9$

17. 解: (1) $m > -3$ 且 $m \neq -2$; (2) $m = 1$, 方程另一根为 $-\frac{1}{3}$

18. 解: (1) 如图,

(2) 设小明原来的速度为 xm/s , 则 $CE = 2xm$, $AM = AF - MF = (4x - 1.2)m$, $EG = 2 \times 1.5x = 3xm$, $BM = AB - AM = 12 - (4x - 1.2) = 13.2 - 4x$,

\because 点 C, E, G 在一条直线上, $CG \parallel AB$,

$\therefore \triangle OCE \sim \triangle OAM$, $\triangle OEG \sim \triangle OMB$,

$$\therefore \frac{CE}{AM} = \frac{OE}{OM}, \frac{EG}{BM} = \frac{OE}{OM}, \therefore \frac{CE}{AM} = \frac{EG}{BM}, \text{ 即 } \frac{2x}{4x - 1.2} = \frac{3x}{13.2 - 4x},$$

解得 $x = 1.5$, 经检验 $x = 1.5$ 为方程的解, \therefore 小明原来的速度为 $1.5m/s$.

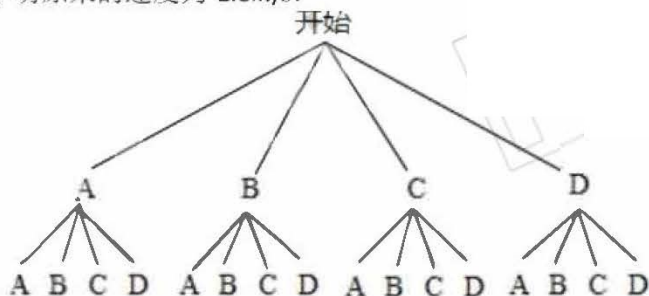
答: 小明原来的速度为 $1.5m/s$.

19. (1) 200;

(2) 略;

(3) 记社科类图书为 A 、文史类图书为 B 、生活类图书为 C 、小说类图书为 D , 画树状图如下:

由树状图可知, 共有 16 种等可能

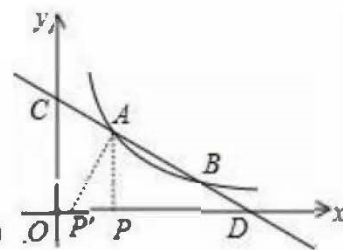


情况, 其中二人恰好选择文史类的只有 1 种结果, 所以二人恰好选择文史类的概率为 $\frac{1}{16}$.

20. 解: (1) $\because y = kx + b$ 与反比例函数 $y = \frac{9}{x}$ ($x > 0$) 的图象分别交于点 $A(m, 3)$ 和点 $B(6, n)$,

$\therefore m = 2, n = 1, \therefore A(2, 3), B(6, 1)$

$$\text{则 } \begin{cases} 2k + b = 3 \\ 6k + b = 1 \end{cases}, \text{ 解 } \begin{cases} k = -\frac{1}{2} \\ b = 4 \end{cases}, \therefore \text{ 直线 } AB \text{ 的解析式为 } y = -\frac{1}{2}x + 4$$



(2) 如图①当 $PA \perp OD$ 时, $\because PA \parallel CC, \therefore \triangle ADP \sim \triangle CDO$, 此时 $P(2, 0)$

②当 $AP' \perp CD$ 时, 易知 $\triangle P'DA \sim \triangle CDO, \therefore$ 直线 AB 的解析式为 $y = -\frac{1}{2}x + 4$,

\therefore 直线 $P'A$ 的解析式为 $y = 2x - 1$, 令 $y = 0$, 解得 $x = \frac{1}{2}, \therefore P'(\frac{1}{2}, 0)$,

综上所述, 满足条件的点 P 坐标为 $(2, 0)$ 或 $(\frac{1}{2}, 0)$.



21. 解: (1) $AG=CE$, $AG \perp CE$;

(2) AG 与 CE 的数量关系是: $AG=\frac{1}{2}CE$; AG 与 CE 的位置关系是 $AG \perp CE$;

理由如下: 如图, 延长 AG , 交 BC 于点 M , 交 CE 于点 N .

$\because \angle ABG + \angle CBG = 90^\circ$, $\angle CBE + \angle CBG = 90^\circ$, $\therefore \angle ABG = \angle CBE$.

在 $\triangle ABG$ 与 $\triangle CBE$ 中, $\frac{AB}{BC} = \frac{BG}{BE} = \frac{1}{2}$, $\angle ABG = \angle CBE$, $\therefore \triangle ABG \sim \triangle CBE$,

则 $\frac{AG}{CE} = \frac{AB}{BC} = \frac{1}{2}$, 即 $AG = \frac{1}{2}CE$; 由八字形图, 易得 $AG \perp CE$;

(3) 当点 F 恰好落在直线 CE 上时, 需要分两种情况考虑:

① 当点 F 在线段 CE 上时, 如下图 1 所示,

$\because AB = \sqrt{2}$, $BG = 1$, $\therefore BE = 2$, $BC = 2\sqrt{2}$.

由(2)知, $AG \perp CE$, 又 $\because GF \perp CE$, $\therefore A, G, F$ 共线, 故 $AG \perp GB$.

在 $Rt\triangle ABG$ 中, $\sin \angle BAG = \frac{BG}{AB} = \frac{\sqrt{2}}{2}$, $\therefore \angle BAG = 45^\circ$.

由(2)知, $\angle BAG = \angle BCE$, 则 $\angle BCE = 45^\circ$.

在 $Rt\triangle BCE$ 中, $CE = BC \cos \angle BCE = 2\sqrt{2} \times \frac{\sqrt{2}}{2} = 2$,

又 $\because EF = BG = 1$, $\therefore CF = CE - EF = 2 - 1 = 1$.

② 当点 F 在线段 CE 的延长线上时, 如下图 2 所示.

$\because AB = \sqrt{2}$, $BG = 1$, $\therefore BE = 2$, $BC = 2\sqrt{2}$.

由(2)知, $AG \perp CE$, 又 $\because GF \perp CE$, 所以点 A, G, F 共线, 故 $AG \perp GB$.

在 $Rt\triangle AGB$ 中, $\cos \angle ABG = \frac{BG}{AB} = \frac{\sqrt{2}}{2}$, $\therefore \angle ABG = 45^\circ$,

$\angle ABE = 90^\circ - \angle ABG = 45^\circ$, $\angle CBE = 90^\circ - \angle ABE = 45^\circ$.

在 $Rt\triangle CBE$ 中, $CE = BC \sin \angle CBE = 2\sqrt{2} \times \frac{\sqrt{2}}{2} = 2$, 又 $\because EF = BG = 1$, $\therefore CF = CE + EF = 2 + 1 = 3$.

综上, $CF = 1$ 或 $CF = 3$.

22. 解: (1) 过点 P 作 $PG \perp AB$ 于点 G , \therefore 易知四边形 $DPCG$ 是矩形, 四边形 $PCBG$ 是矩形,

$\therefore AD = PG$, $DP = AG$, $GB = PC$, $\because \angle APB = 90^\circ$, $\therefore \angle APG + \angle GPB = \angle GPB + \angle PBG = 90^\circ$,

$\therefore \angle APG = \angle PBG$, $\therefore \triangle APG \sim \triangle PBG$, $\therefore \frac{PG}{AG} = \frac{GB}{PG}$, $\therefore PG^2 = AG \cdot GB$,

即 $AD^2 = DP \cdot PC$;

(2) $\because DP \parallel AB$, $\therefore \angle DPA = \angle PAM$, 由题意可知: $\angle DPA = \angle APM$, $\therefore \angle PAM = \angle APM$,

$\because \angle APB - \angle PAM = \angle APB - \angle APM$, 即 $\angle ABP = \angle MPB$, $\therefore AM = PM$, $PM = MB$, $\therefore PM = MB$,

又易证四边形 $PMBN$ 是平行四边形, \therefore 四边形 $PMBN$ 是菱形;

(3) 由于 $\frac{DP}{AD} = \frac{1}{2}$, 可设 $DP = 1$, $AD = 2$, 由(1)可知: $AG = DP = 1$, $PG = AD = 2$,

$\because PG^2 = AG \cdot GB$, $\therefore 4 = 1 \cdot GB$, $\therefore GB = PC = 4$, $AB = AG + GB = 5$, $\because CP \parallel AB$, $\therefore \triangle PCF \sim \triangle BAF$,

