

|    |   |   |   |   |   |   |   |   |   |    |
|----|---|---|---|---|---|---|---|---|---|----|
| 题号 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 |
| 答案 | A | B | D | A | A | B | C | C | D | C  |

## 二、填空题

|    |    |                    |         |    |                            |
|----|----|--------------------|---------|----|----------------------------|
| 题号 | 11 | 12                 | 13      | 14 | 15                         |
| 答案 | 6  | $-1 \leq x \leq 2$ | $m < n$ | 12 | 1 或 $\frac{\sqrt{2}+1}{2}$ |

## 三、解答题

16. 解:  $(2x+y)^2 + (x-y)(x+y) - 5x(x-y)$   
 $= 4x^2 + 4xy + y^2 + x^2 - y^2 - 5x^2 + 5xy$   
 $= 5x^2 - 5x^2 + y^2 - y^2 + 4xy + 5xy$   
 $= 9xy$

当  $x = \sqrt{2} + 1$ ,  $y = \sqrt{2} - 1$  时

原式  $= 9(\sqrt{2}+1)(\sqrt{2}-1)$

$= 9 \times 1 = 9$

17. (1) 50, 28, 8

(2)  $1 - 32\% - 8\% - 4\% - 16\% = 40\%$

$360^\circ \times 40\% = 144^\circ$

(3)  $1000 \times \frac{28}{50} = 560$  (人)

答: 每月零花钱的数额  $x$  在  $60 \leq x < 120$  范围的人数为 560 人。

18.解:

$$\because AB = AC \therefore \angle ABC = \angle ACB$$

$$\because AB \parallel CF \therefore \angle ABC = \angle BCF$$

$$\therefore \angle ACB = \angle BCF$$

$$\because AB \text{ 为直径 } \therefore \angle ADB = \angle BDC = 90^\circ$$

$$\because BF \text{ 为圆 } O \text{ 切线 } \therefore AB \perp BF$$

$$\because AB \parallel CF \therefore \angle F = 90^\circ$$

$$\therefore \triangle BDC \cong \triangle BFC$$

$$\therefore BD = BF$$

$$(2) \because AB = 10, AC = 4$$

$$\therefore AD = 6$$

$$\therefore BD = 8$$

$$\therefore BC = 4\sqrt{5}$$

19 解:

过C作  $CD \perp AB$  于点D, 设BD为x

在  $Rt\triangle ACD$  中

$$\because \angle A = 45^\circ$$

$$\therefore AD = DC = x + 5$$

在  $Rt\triangle BDC$  中

$$\text{由 } \frac{DC}{BD} = \tan 53^\circ, \text{ 得 } \frac{x+5}{x} = \frac{4}{3}$$

$$\therefore x = 15$$

$$\text{则 } BC = \sqrt{15^2 + 20^2} = 25$$

$$AC = \sqrt{20^2 + 20^2} = 20\sqrt{2}$$

$$\therefore A \text{ 到 } C \text{ 用时为: } \frac{20\sqrt{2}}{30} \approx 0.94(h)$$

$$B \text{ 到 } C \text{ 用时为: } \frac{25}{25} = 1(h)$$

$$\because 0.94 < 1$$

$\therefore$  至少要等 0.94 小时。

$$20.(1) y = -x + 4, y = \frac{3}{x}$$

(2)解：由(1)得  $3m = 3, \therefore m = 1$ ，则 A 点坐标为 (1,3)

设 P 点坐标为  $(a, -a+4) (1 \leq a \leq 3)$ ，则

$$\begin{aligned} S &= \frac{1}{2} OD \cdot PD \\ &= \frac{1}{2} a(-a+4) \\ &= -\frac{1}{2}(a-2)^2 + 2 \end{aligned}$$

$$\because -\frac{1}{2} < 0$$

$\therefore$  当  $a = 2$  时， $S$  有最大值 2

当  $a = 1$  或  $3$  时， $S$  有最小值为

$$S = -\frac{1}{2} \times (1-2)^2 + 2 = \frac{3}{2}$$

$$\therefore \frac{3}{2} \leq S \leq 2$$

21.解：1) 设 A 型魔方的单价为  $a$  元，B 型魔方单价为  $b$  元，

则由题意可得：

$$\begin{cases} 2a + 6b = 130 \\ 3a = 4b \end{cases}$$

$$\text{解方程得} \begin{cases} a = 20 \\ b = 15 \end{cases}$$

答：A 型魔方的单价为 20 元，B 型魔方单价为 15 元

2) 设 A 型魔方的数量是  $x$  个 ( $x > 0$ )，则 B 型魔方的数

量是  $(100-x)$  个

设总费用为  $w$  元。

活动一:  $w_1 = 0.8 \times 20x + 0.4 \times 15(100-x) = 10x + 600$

活动二:  $w_2 = 20x + 15[(100-x)-x] = -10x + 1500$

当  $w_1 < w_2$  时, 即  $10x + 600 < -10x + 1500$

解得  $x < 45$

$\therefore$  当  $0 < x < 45$  时, 活动一方案更优惠

当  $w_1 = w_2$  时, 即  $10x + 600 = -10x + 1500$

解得  $x = 45$

$\therefore$  当  $x = 45$  时, 活动一和活动二均可

当  $w_1 > w_2$  时, 即  $10x + 600 > -10x + 1500$

解得  $x > 45$

又  $\because x \leq 50$

$\therefore$  当  $45 < x \leq 50$  时, 活动二方案更优惠

综上所述: 当  $0 < x < 45$  时, 活动一方案更优惠;

当  $x = 45$  时, 活动一和活动二优惠一样;

当  $45 < x \leq 50$  时, 活动二方案更优惠

22. (1)  $PM=PN$ ;  $PM \perp PN$

(2)  $\triangle PMN$  为等腰直角三角形

理由如下:

由题可知:  $\triangle ABC$  和  $\triangle ADE$  均为等腰直角三角形

$\therefore AB=AC, AD=AE, \angle BAC = \angle DAE = 90^\circ$

$$\therefore \angle BAD + \angle DAC = \angle DAC + \angle CAE$$

$$\therefore \angle BAD = \angle DAC$$

$$\therefore \triangle BAD \cong \triangle CAE \text{ (SAS)}$$

$$\therefore \angle ABD = \angle ACE, BD = CE$$

延长 BD 交 CE 于点 H, 交 AC 于点 G

$$\because \angle ABD = \angle ACE, \angle AGB = \angle AGC$$

$$\therefore \angle CHB = \angle BAC = 90^\circ$$

$$\therefore BD \perp CE$$

又  $\because M, P, N$  分别是 DE, CD, BC 的中点

$\therefore PM$  是  $\triangle CDE$  的中位线

$$\therefore PM \parallel CE \text{ 且 } PM = \frac{1}{2} CE$$

$$\text{同理: } PN \parallel BD \text{ 且 } PN = \frac{1}{2} BD$$

又  $\because BD = CE, BD \perp CE$

$$\therefore PM = PN \text{ 且 } PM \perp PN$$

$\therefore \triangle PMN$  为等腰直角三角形

$$(3) \frac{49}{2}$$

23. (1) 解:  $\because$  直线  $y = -\frac{2}{3}x + c$  过  $A(3,0)$

$$\therefore \text{代入得: } -\frac{2}{3} \times 3 + c = 0, c = 2$$

∴ 直线 AB 表达式为:  $y = -\frac{2}{3}x + 2$

∴  $B(0,2)$

∴ 抛物线过  $A(3,0), B(0,2)$

∴ 代入得: 
$$\begin{cases} -\frac{2}{3} \times 9 + 3b + c = 0 \\ c = 2 \end{cases}$$

∴  $y = -\frac{4}{3}x^2 + \frac{10}{3}x + 2$

(2) 依题可知:  $M(m, 0)$

∵  $NM \perp x$  轴交直线  $y = -\frac{2}{3}x + 2$  于点 P

交抛物线  $y = -\frac{4}{3}x^2 + \frac{10}{3}x + 2$  于点 N

∴  $N(m, -\frac{4}{3}m^2 + \frac{10}{3}m + 2)$

$P(m, -\frac{2}{3}m + 2)$

∵  $\triangle APM$  相似于  $\triangle BPN$

①  $\triangle APM \sim \triangle BPN$

则  $\angle AMP = \angle BNP = 90^\circ$

∴  $BN \parallel x$  轴

∴ B, N 的纵坐标相同为 2

∴  $-\frac{4}{3}m^2 + \frac{10}{3}m + 2 = 2$

解得:  $m_1 = 0$

$m_2 = \frac{5}{2}$

∵  $m = 0$  时 P, N 与 B 重合,  $\triangle BPN$  不存在

$$\therefore m = \frac{5}{2}$$

此时  $M(\frac{5}{2}, 0)$

②  $\triangle APM \sim \triangle NPB$ , 则  $\angle BNP = \angle MAP$

过点 B 作  $BH \perp MN$ , 则  $H(m, 2)$

$$\therefore \angle BNP = \angle MAP$$

$$\therefore \tan \angle BNP = \tan \angle MAP$$

$$\therefore \text{即 } \frac{BH}{NH} = \frac{OB}{OA} = \frac{2}{3}$$

$$\therefore \frac{m}{-\frac{2}{3}m^2 + \frac{10}{3}m + 2 - 2} = \frac{2}{3}$$

解得:  $m_1 = 0$  (舍)

$$m_2 = \frac{11}{8}$$

$$\therefore m = \frac{11}{8}$$

此时  $M(\frac{11}{8}, 0)$

$$(3) \frac{1}{2} \text{ 或 } -\frac{1}{4} \text{ 或 } -1$$

# 郑州牛家长

微信号 : zznijiazhang

长按二维码关注



升学信息



家长社群



名师讲座



我们不是搬运工 原创才是我们的特色